

No. of Printed Pages : 12

5381591

8312



பதிவு எண்  
Register Number

M	A	R	2	0	2	5
---	---	---	---	---	---	---



## PART - III

## கணிதம் / MATHEMATICS

( தமிழ் மற்றும் ஆங்கில வழி / Tamil &amp; English Version)

கால அளவு : 3.00 மணி நேரம் ]

[ மொத்த மதிப்பெண்கள் : 90

Time Allowed : 3.00 Hours ]

[Maximum Marks : 90

**அறிவுரைகள் :** (1) அனைத்து வினாக்களும் சரியாகப் பதிவாகி உள்ளதா என்பதனைச் சரிபார்த்துக் கொள்ளவும். அச்சுப்பதிவில் குறையிருப்பின், அறைக் கண்காணிப்பாளரிடம் உடனடியாகத் தெரிவிக்கவும்.

(2) நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கும், அடிகோடிடுவதற்கும் பயன்படுத்த வேண்டும். படங்கள் வரைவதற்கு பென்சில் பயன்படுத்தவும்.

**Instructions :** (1) Check the question paper for fairness of printing. If there is any lack of fairness, inform the Hall Supervisor immediately.

(2) Use **Blue** or **Black** ink to write and underline and pencil to draw diagrams.

## பகுதி - I / PART - I

**குறிப்பு :** (i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். 20x1=20  
(ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள நான்கு மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

**Note :** (i) All questions are compulsory.  
(ii) Choose the most appropriate answer from the given **four** alternatives and write the option code and the corresponding answer.

[ திருப்புக / Turn over

8312

2

1. கழித்தலின் கீழ் பின்வரும் கணம் அடைவு பெறவில்லை :

(அ) N (ஆ) R (இ) Q (ஈ) Z

Subtraction is not a binary operation in :

(a) N (b) R (c) Q (d) Z

2. 0, 1 மற்றும் 2 ஆகிய மதிப்புகளில் ஒன்றை X கொள்கிறது என்க. ஏதோ ஒரு மாறிலி k -விற்கு,  $P(X=i) = k P(X=i-1)$ ,  $i=1, 2$  மற்றும்  $P(X=0) = \frac{1}{7}$  எனில் k -இன் மதிப்பு காண்க.

(அ) 3 (ஆ) 1 (இ) 4 (ஈ) 2

Suppose that X takes on one of the values 0, 1 and 2. If for some constant k,

$P(X=i) = k P(X=i-1)$  for  $i=1, 2$  and  $P(X=0) = \frac{1}{7}$ , then the value of k is :

(a) 3 (b) 1 (c) 4 (d) 2

3. A என்பது  $3 \times 3$  வரிசையுடைய பூச்சியமற்றக் கோவை அணி மேலும்  $|A|=5$  எனில்  $|A^{-1}| =$  :

(அ)  $5^2$  (ஆ) 5 (இ)  $\frac{1}{5^2}$  (ஈ)  $\frac{1}{5}$

If A is a non-singular matrix of order  $3 \times 3$  and  $|A|=5$  then  $|A^{-1}|$  is :

(a)  $5^2$  (b) 5 (c)  $\frac{1}{5^2}$  (d)  $\frac{1}{5}$

4. ஒரு கல்லானது செங்குத்தாக மேல்நோக்கி எறியப்படுகின்றது. t நேரத்தில் அது அடைந்த உயரம்  $x=80t-16t^2$ . கல் அதிகபட்ச உயரத்தை t வினாடி நேரத்தில் அடைந்தால் t ஆனது :

(அ) 3 (ஆ) 2 (இ) 3.5 (ஈ) 2.5

A stone is thrown up vertically. The height it reaches at time t seconds is given by  $x=80t-16t^2$ . The stone reaches the maximum height in time t seconds is given by :

(a) 3 (b) 2 (c) 3.5 (d) 2.5

5.  $\sqrt{\frac{dy}{dx}} - 4 \frac{dy}{dx} - 7x = 0$  என்ற வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டின் வரிசை மற்றும் படி முறையே :

(அ) 1, 2 (ஆ) 2, 1 (இ) 2, 2 (ஈ) 1, 1

The order and degree of the differential equation  $\sqrt{\frac{dy}{dx}} - 4 \frac{dy}{dx} - 7x = 0$  are respectively :

(a) 1, 2 (b) 2, 1 (c) 2, 2 (d) 1, 1

A

6.  $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$  மற்றும்  $\lambda A^{-1} = A$  எனில்,  $\lambda$  -ன் மதிப்பு :

- (அ) 19 (ஆ) 17 (இ) 21 (ஈ) 14

If  $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$  be such that  $\lambda A^{-1} = A$ , then  $\lambda$  is :

- (a) 19 (b) 17 (c) 21 (d) 14

7.  $y=f(x)$  எனும் வளைவரையின் ஏதேனும் ஒரு புள்ளியிடத்து சாய்வு  $\frac{dy}{dx} = 3x^2$  எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. மேலும் வளைவரையானது  $(-1, 1)$  புள்ளி வழியாகச் செல்கிறது எனில், வளைவரையின் சமன்பாடு :

- (அ)  $y=3x^3+4$  (ஆ)  $y=x^3+2$  (இ)  $y=x^3+5$  (ஈ)  $y=3x^2+4$

The slope at any point of a curve  $y=f(x)$  is given by  $\frac{dy}{dx} = 3x^2$  and it passes through  $(-1, 1)$ .

Then the equation of the curve is :

- (a)  $y=3x^3+4$  (b)  $y=x^3+2$  (c)  $y=x^3+5$  (d)  $y=3x^2+4$

8.  $f(x) = \sin^{-1}\sqrt{x-1}$  என வரையறுக்கப்படும் சார்பின் சார்பகம் :

- (அ)  $[0, 1]$  (ஆ)  $[1, 2]$  (இ)  $[-1, 0]$  (ஈ)  $[-1, 1]$

The domain of the function defined by  $f(x) = \sin^{-1}\sqrt{x-1}$  is :

- (a)  $[0, 1]$  (b)  $[1, 2]$  (c)  $[-1, 0]$  (d)  $[-1, 1]$

9.  $u(x, y) = e^{x^2+y^2}$ , எனில்  $\frac{\partial u}{\partial x}$  -ன் மதிப்பு :

- (அ)  $x^2u$  (ஆ)  $e^{x^2+y^2}$  (இ)  $y^2u$  (ஈ)  $2xu$

If  $u(x, y) = e^{x^2+y^2}$ , then  $\frac{\partial u}{\partial x}$  is equal to :

- (a)  $x^2u$  (b)  $e^{x^2+y^2}$  (c)  $y^2u$  (d)  $2xu$

10.  $[0, 2\pi]$  -ல்  $\sin^4x - 2\sin^2x + 1$  -ஐ நிறைவு செய்யும் மெய்யெண்களின் எண்ணிக்கை :

- (அ) 1 (ஆ) 2 (இ)  $\infty$  (ஈ) 4

The number of real numbers in  $[0, 2\pi]$  satisfying  $\sin^4x - 2\sin^2x + 1$  is :

- (a) 1 (b) 2 (c)  $\infty$  (d) 4

A

[ திருப்புக / Turn over

8312

4

11.  $i$  -ன் வர்க்க மூலங்கள் :

(அ)  $\pm \frac{1}{2} (1 + i)$       (ஆ)  $\pm \frac{1}{\sqrt{2}} (1 + i)$       (இ)  $\pm \frac{1}{2} (1 - i)$       (ஈ)  $\pm \frac{1}{\sqrt{2}} (1 - i)$

The square root of  $i$  are :

(a)  $\pm \frac{1}{2} (1 + i)$       (b)  $\pm \frac{1}{\sqrt{2}} (1 + i)$       (c)  $\pm \frac{1}{2} (1 - i)$       (d)  $\pm \frac{1}{\sqrt{2}} (1 - i)$

12.  $\sum_{n=1}^{13} (i^n + i^{n-1})$  -ன் மதிப்பு :

(அ) 1      (ஆ)  $1 + i$       (இ) 0      (ஈ)  $i$

The value of  $\sum_{n=1}^{13} (i^n + i^{n-1})$  is :

(a) 1      (b)  $1 + i$       (c) 0      (d)  $i$

13. ஈருறுப்பு மாறி  $X$  ஆறு முயற்சிகளில்  $9P(X=4) = P(X=2)$  எனும் தொடர்பினை அனுசரிக்கிறது எனில் வெற்றியின் நிகழ்தகவு :

(அ) 0.375      (ஆ) 0.125      (இ) 0.75      (ஈ) 0.25

If in 6 trials,  $X$  is a binomial variable which follows the relation  $9P(X=4) = P(X=2)$ , then the probability of success is :

(a) 0.375      (b) 0.125      (c) 0.75      (d) 0.25

14.  $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-2}, z=2$  மற்றும்  $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+3}{3} = \frac{z+5}{2}$  என்ற கோடுகளுக்கு

இடைப்பட்ட கோணம் :

(அ)  $\frac{\pi}{3}$       (ஆ)  $\frac{\pi}{6}$       (இ)  $\frac{\pi}{2}$       (ஈ)  $\frac{\pi}{4}$

The angle between the lines  $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-2}, z=2$  and  $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+3}{3} = \frac{z+5}{2}$  is :

(a)  $\frac{\pi}{3}$       (b)  $\frac{\pi}{6}$       (c)  $\frac{\pi}{2}$       (d)  $\frac{\pi}{4}$

15.  $y=(x-1)^3$  என்ற வளைவரையின் வளைவு மாற்றப் புள்ளி :

(அ) (1, 0)      (ஆ) (0, 0)      (இ) (1, 1)      (ஈ) (0, 1)

The point of inflection of the curve  $y=(x-1)^3$  is :

(a) (1, 0)      (b) (0, 0)      (c) (1, 1)      (d) (0, 1)

A

16.  $\int_0^{\frac{2}{3}} \frac{dx}{\sqrt{4-9x^2}}$  இன் மதிப்பு :

(அ)  $\frac{\pi}{4}$

(ஆ)  $\frac{\pi}{6}$

(இ)  $\pi$

(ஈ)  $\frac{\pi}{2}$

The value of  $\int_0^{\frac{2}{3}} \frac{dx}{\sqrt{4-9x^2}}$  is :

(a)  $\frac{\pi}{4}$

(b)  $\frac{\pi}{6}$

(c)  $\pi$

(d)  $\frac{\pi}{2}$

17.  $y^2 = x(a-x)$  என்ற வளைவரையில் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பை  $x$ -அச்சைப் பொருத்து சுழற்றுவதால் உருவாகும் திடப்பொருளின் கனஅளவு :

(அ)  $\frac{\pi a^3}{5}$

(ஆ)  $\pi a^3$

(இ)  $\frac{\pi a^3}{6}$

(ஈ)  $\frac{\pi a^3}{4}$

The volume of solid of revolution of the region bounded by  $y^2 = x(a-x)$  about  $x$ -axis is :

(a)  $\frac{\pi a^3}{5}$

(b)  $\pi a^3$

(c)  $\frac{\pi a^3}{6}$

(d)  $\frac{\pi a^3}{4}$

18. நீள்வட்டத்தின் அரைக்குற்றச்சு OB, F மற்றும் F' குவியங்கள் மற்றும் FBF' ஒரு செங்கோணம் எனில் அந்த நீள்வட்டத்தின் மையத்தொலைத் தகவு காண்க.

(அ)  $\frac{1}{4}$

(ஆ)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(இ)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$

(ஈ)  $\frac{1}{2}$

An ellipse has OB as semi minor axes, F and F' its foci and the angle FBF' is a right angle. Then the eccentricity of the ellipse is :

(a)  $\frac{1}{4}$

(b)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(c)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$

(d)  $\frac{1}{2}$

19.  $\hat{i} + \hat{j}, \hat{i} + 2\hat{j}, \hat{i} + \hat{j} + \pi\hat{k}$  என்ற வெக்டர்களை ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் விளிம்புகளாகக் கொண்ட இணைகரத் திண்மத்தின் கனஅளவு :

(அ)  $\pi$

(ஆ)  $\frac{\pi}{2}$

(இ)  $\frac{\pi}{4}$

(ஈ)  $\frac{\pi}{3}$

The volume of the parallelepiped with its edges represented by the vectors

$\hat{i} + \hat{j}, \hat{i} + 2\hat{j}, \hat{i} + \hat{j} + \pi\hat{k}$  is :

(a)  $\pi$

(b)  $\frac{\pi}{2}$

(c)  $\frac{\pi}{4}$

(d)  $\frac{\pi}{3}$

A

[ திருப்புக / Turn over

8312

6

20.  $x$  -ன் அனைத்து மதிப்பிற்கும்  $f(x) > 0$  என்க, மேலும்  $g(x) = \log(f(x))$ , எனில்  $dg =$  :

(அ)  $\frac{1}{f(x)} dx$  (ஆ)  $\frac{1}{f(x)} f'(x) dx$  (இ)  $\frac{1}{x} dx$  (ஈ)  $\frac{1}{x} f(x) dx$

If  $f(x) > 0$  for all  $x$  and  $g(x) = \log(f(x))$ , then  $dg$  is :

(a)  $\frac{1}{f(x)} dx$  (b)  $\frac{1}{f(x)} f'(x) dx$  (c)  $\frac{1}{x} dx$  (d)  $\frac{1}{x} f(x) dx$

### பகுதி - II / PART - II

குறிப்பு : எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 30 -க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

7x2=14

Note : Answer any seven questions. Question No. 30 is compulsory.

21.  $\text{adj } A = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ , எனில்  $A^{-1}$  -ஐக் காண்க.

If  $\text{adj } A = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ , find  $A^{-1}$ .

22.  $z = x + iy$  எனில்,  $\text{Re}\left(\frac{1}{z}\right)$  -ன் செவ்வக வடிவினைக் காண்க.

If  $z = x + iy$ , then find  $\text{Re}\left(\frac{1}{z}\right)$  in rectangular form.

23.  $\tan^{-1}(-\sqrt{3})$  -ன் மதிப்புக் காண்க.

Find the value of  $\tan^{-1}(-\sqrt{3})$ .

A

24.  $y = 4x + c$  என்ற நேர்க்கோடு  $x^2 + y^2 = 9$  என்ற வட்டத்தின் தொடுகோடு எனில்  $c$  -ன் மதிப்புக் காண்க.

If  $y = 4x + c$  is a tangent to the circle  $x^2 + y^2 = 9$ , find  $c$ .

25.  $f(x) = \frac{x^2 - 6x + 7}{x + 5}$  என்ற சார்பிற்கு சாய்ந்த தொலைத் தொடுகோட்டினைக் காண்க.

Find the slant (oblique) asymptote for the function  $f(x) = \frac{x^2 - 6x + 7}{x + 5}$ .

26. சார்பு  $F(x, y) = \frac{x^2 + 5xy - 10y^2}{3x + 7y}$  படி 1 உடைய சமபடித்தான சார்பு எனக் காட்டுக.

Show that  $F(x, y) = \frac{x^2 + 5xy - 10y^2}{3x + 7y}$  is a homogeneous function of degree 1.

27. தீர்க்க :  $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1 - y^2}{1 - x^2}}$

Solve  $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1 - y^2}{1 - x^2}}$

28.  $f(x) = \begin{cases} Cx^2 & 1 < x < 4 \\ 0 & x - \text{இன் பிற மதிப்புகளுக்கு,} \end{cases}$

எனும் சார்பு ஒரு அடர்த்தி சார்பு எனில் மாறிலி  $C$  -இன் மதிப்பு காண்க.

Find the constant  $C$  such that the function  $f(x) = \begin{cases} Cx^2 & 1 < x < 4 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$

is a density function of  $X$ .

29.  $i - 2$  -ஐ மூலமாகக் கொண்ட குறைந்தபட்ச படியுடன் விகிதமுறு கெழுக்களுடைய ஓர் பல்லுறுப்புக்கோவைச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

Find a polynomial equation of minimum degree with rational coefficients having  $i - 2$  as a root.

A

[ திருப்புக / Turn over

8312

8

30.  $f(x) = \sin x$  எனில்,  $\int_0^{\pi} f(x) dx = 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x) dx$  என நிறுவுக.

If  $f(x) = \sin x$ , then prove that  $\int_0^{\pi} f(x) dx = 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x) dx$

### பகுதி - III / PART - III

குறிப்பு : எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 40 -க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும். 7x3=21

**Note :** Answer **any seven** questions. Question No. 40 is **compulsory**.

31. பின்வரும் நேரியச் சமன்பாட்டுத் தொகுப்பை நேர்மாறு அணி காணல் முறையில் தீர்க்க

$$2x + 5y = -2, \quad x + 2y = -3$$

Solve the system of linear equations  $2x + 5y = -2, \quad x + 2y = -3$  by matrix inversion method.

32.  $|z| = 2$  எனில்,  $8 \leq |z + 6 + 8i| \leq 12$  எனக் காட்டுக.

If  $|z| = 2$  show that  $8 \leq |z + 6 + 8i| \leq 12$

33.  $7x^3 - 43x^2 = 43x - 7$  என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

Solve the equation  $7x^3 - 43x^2 = 43x - 7$

34. நிரூபிக்க :  $\tan^{-1} \frac{2}{11} + \tan^{-1} \frac{7}{24} = \tan^{-1} \frac{1}{2}$

Prove that  $\tan^{-1} \frac{2}{11} + \tan^{-1} \frac{7}{24} = \tan^{-1} \frac{1}{2}$

35.  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  என்பன மூன்று வெக்டர்கள் எனில்  $[\vec{a} + \vec{c}, \vec{a} + \vec{b}, \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}] = [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$  என நிரூபிக்க.

If  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  are three vectors, prove that  $[\vec{a} + \vec{c}, \vec{a} + \vec{b}, \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}] = [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$

**A**

36. சார்பு  $u(x, y) = x^2y + 3xy^4$ ,  $x = e^t$  மற்றும்  $y = \sin t$ , எனில்  $\frac{du}{dt}$  -ஐக் காண்க.

If  $u(x, y) = x^2y + 3xy^4$ ,  $x = e^t$  and  $y = \sin t$ , find  $\frac{du}{dt}$

37. மதிப்பிடுக :  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{dx}{1 + 5 \cos^2 x}$

Evaluate  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{dx}{1 + 5 \cos^2 x}$

38. 600 டிக்கெட்டுகள் கொண்ட ஒரு லாட்டரியில் ஒரு பரிசு ₹ 200 -க்கும், நான்கு பரிசுகள் ₹ 100-க்கும், ஆறு பரிசுகள் ₹ 50 -க்கும் எனக் கொடுக்கப்படுகிறது. டிக்கெட் செலவு ₹ 2 என்றால், ஒரு டிக்கெட்டின் எதிர்பார்க்கப்படும் இலாபத் தொகையைக் கண்டறியவும்.

A lottery with 600 tickets gives one prize of ₹ 200, four prizes of ₹ 100 and six prizes of ₹ 50. If the ticket cost is ₹ 2, find the expected profit amount of a ticket.

39.  $f(x) = x^3 + 2x + 1$ ,  $(-\infty < x < \infty)$  என்ற சார்பின் டெய்லர் தொடரின் விரிவை  $x = 2$  -ஐ பொருத்து காண்க.

Find the Taylor's series about  $x = 2$  for  $f(x) = x^3 + 2x + 1$ ,  $(-\infty < x < \infty)$

40. Q என்பது விகிதமுறு எண்களின் கணம் என்க. \* என்ற ஓர் ஈருறுப்புச் செயலி Q -ன் மீது  $a * b = a + b - ab + 7$  எனுமாறு வரையறுக்கப்படுகிறது, மேலும்  $\left(\frac{3}{2}\right) * m = \frac{87}{10}$  எனில் m -ன் மதிப்பைக் காண்க.

Let Q be the set of all Rational numbers. If \* is a binary operation defined on Q as

$a * b = a + b - ab + 7$  and  $\left(\frac{3}{2}\right) * m = \frac{87}{10}$ , then find the value of m.

A

[ திருப்புக / Turn over

## பகுதி - IV / PART - IV

குறிப்பு : அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

7x5=35

Note : Answer all the questions.

41. (அ) பின்வரும் நேரியச் சமன்பாடுகளின் தொகுப்பை கிராமரின் விதியைப் பயன்படுத்தித் தீர்க்க  $x_1 - x_2 = 3$ ,  $2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 17$ ,  $x_2 + 2x_3 = 7$

அல்லது

(ஆ)  $x = 7 \cos t$  மற்றும்  $y = 2 \sin t$ ,  $t \in \mathbf{R}$  என்ற வளைவரைக்கு ஏதேனும் ஒரு புள்ளியில் வரையப்படும் தொடுகோடு மற்றும் செங்கோட்டின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

- (a) Solve, by Cramer's rule, the system of equations  $x_1 - x_2 = 3$ ,  $2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 17$ ,  $x_2 + 2x_3 = 7$

OR

- (b) Find the equation of tangent and normal to the curve given by  $x = 7 \cos t$  and  $y = 2 \sin t$ ,  $t \in \mathbf{R}$  at any point on the curve.

42. (அ)  $\omega \neq 1$  என்பது ஒன்றின் முப்படி மூலம் எனில்  $(z-1)^3 + 8 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள்  $-1$ ,  $1-2\omega$ ,  $1-2\omega^2$  எனக்காட்டுக.

அல்லது

(ஆ) பரவளையம்  $y^2 = x$  மற்றும் கோடு  $y = x - 2$  ஆகியவற்றால் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பைக் காண்க.

- (a) If  $\omega \neq 1$  is a cube root of unity, show that the roots of the equation  $(z-1)^3 + 8 = 0$  are  $-1$ ,  $1-2\omega$ ,  $1-2\omega^2$

OR

- (b) Find the area of the region bounded by the parabola  $y^2 = x$  and the line  $y = x - 2$

43. (அ)  $6x^4 - 5x^3 - 38x^2 - 5x + 6 = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் ஒரு தீர்வு  $\frac{1}{3}$  எனில், சமன்பாட்டின் தீர்வு காண்க.

அல்லது

(ஆ) தீர்க்க :  $(x^2 - 3y^2)dx + 2xydy = 0$ .

- (a) Solve the equation  $6x^4 - 5x^3 - 38x^2 - 5x + 6 = 0$  if it is known that  $\frac{1}{3}$  is a solution.

OR

- (b) Solve  $(x^2 - 3y^2)dx + 2xydy = 0$ .

A

44. (அ) ஒரு பாலம் பரவளைய வளைவில் உள்ளது. மையத்தில் 10 மீ உயரமும், அடிப்பகுதியில் 30 மீ அகலமும் உள்ளது. மையத்திலிருந்து இருபுறமும் 6 மீ தூரத்தில் பாலத்தின் உயரத்தைக் காண்க.

அல்லது

(ஆ) வெக்டர் முறையில், நிறுவுக.

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta$$

- (a) A bridge has a parabolic arch that is 10 m high in the centre and 30 m wide at the bottom. Find the height of the arch 6 m from the centre, on either sides.

OR

- (b) Using vector method, prove that  $\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta$ .

45. (அ) போர்க்காலத்தில் ஒரு குறிப்பிட்ட பயணத்தில் பயணம் செய்யும் 9 கப்பல்களில் சராசரியாக 1 கப்பல் மூழ்குகிறது எனில்,

- (i) 6 கப்பல்கள் கொண்ட ஒரு குழுவில் சரியாக 3 கப்பல்கள் பாதுகாப்பாக வந்து சேரும்.  
(ii) 4 கப்பல்கள் கொண்ட ஒரு குழுவில் ஒரு கப்பல் கூட சரியாக வந்து சேராது. ஆகியவற்றுக்கான நிகழ்தகவு காண்க.

அல்லது

(ஆ) குவியங்கள் (2, 1), (-2, 1) மற்றும் செவ்வகலத்தின் நீளம் 6 உடைய நீள்வட்டத்தின் சமன்பாடு காண்க.

- (a) During war, 1 ship out of 9 was sunk on an average in making a certain voyage. What was the probability that :

- (i) Exactly 3 out of a convoy of 6 ships would arrive safely ?  
(ii) No ships arrive safely from a convoy of 4 ships.

OR

- (b) Find the equation of the ellipse whose Foci are (2, 1), (-2, 1) and the length of the latus rectum is 6

A

[ திருப்புக / Turn over

8312

12

46. (அ)  $(0, 1, -5)$  என்ற புள்ளி வழிச் செல்லும்  $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} - 4\hat{k}) + s(2\hat{i} + 3\hat{j} + 6\hat{k})$  மற்றும்  $\vec{r} = (\hat{i} - 3\hat{j} + 5\hat{k}) + t(\hat{i} + \hat{j} - \hat{k})$  என்ற கோடுகளுக்கு இணையாக உள்ளதுமான தளத்தின் துணையலகு அல்லாத வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டீசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

அல்லது

- (ஆ) பொருளின் இருப்பின் பெருக்கமானது அதில் காணப்படும் பொருளின் இருப்பின் எண்ணிக்கையின் விகிதமாக அமைந்துள்ளது. பொருளின் இருப்பு 50 ஆண்டுகளில் இரு மடங்காகிறது எனில், எத்தனை ஆண்டுகளில் பொருளின் இருப்பு மூம்மடங்காகும் ?

- (a) Find the non-parametric form of Vector equation, and the Cartesian equation of the plane passing through the point  $(0, 1, -5)$  and parallel to the straight lines

$$\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} - 4\hat{k}) + s(2\hat{i} + 3\hat{j} + 6\hat{k}) \text{ and } \vec{r} = (\hat{i} - 3\hat{j} + 5\hat{k}) + t(\hat{i} + \hat{j} - \hat{k})$$

OR

- (b) The growth of a population is proportional to the number present. If the population of a colony doubles in 50 years, in how many years will the population become triple ?

47. (அ) ஆரம்  $a$  செ.மீ மற்றும் உயரம்  $b$  செ.மீ கொண்ட ஒரு வெற்றுக் கூம்பு ஒரு மேசையின் மீது வைக்கப்படுகிறது. இதன் அடியில் மறைத்து வைக்கக்கூடிய மிகப்பெரிய உருளையின் கனஅளவு, கூம்பின் கன அளவைப் போல்  $\frac{4}{9}$  மடங்கு என்பதைக் காட்டுக.

அல்லது

- (ஆ) மெய்மை அட்டவணையைப் பயன்படுத்தி நிறுவுக  $p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$

- (a) A hollow cone with base radius  $a$  cm and height  $b$  cm is placed on a table. Show that the volume of the largest cylinder that can be hidden underneath is  $\frac{4}{9}$  times volume of the cone.

OR

- (b) Using truth table, prove that  $p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$

- o O o -

A